

Potenzen- Grundkompetenzen- Teil1

Die Aufnahmeprüfung für das Mathematikstudium am Base Numerus College für StudentInnen am Planeten Number Potentia besteht darin, Potenzbeispiele zu lösen.

Professor Bernard TI_Fibonacci ist mit ca.2400 Prüfungsbögen total überlastet. Könnt ihr ihm helfen, zumindest einen Teil zu korrigieren? Kenntnisse der Mathematik auf Erden reichen aus....

Gib an, ob es sich um eine **wahre oder falsche Aussage handelt! (w. A. oder f. A.)**

Stelle *gegebenenfalls richtig und gib die entsprechend dazugehörigen Potenzregeln* an!

1.) $14x^4y^7 + 3x^4y^{11} = 17x^4y^{18}$

2.) $14x^4y^7 \cdot 3x^4y^{11} = 42x^{16}y^{77}$

3.) $14x^4y^7 - 3x^4y^6 = 11x^4y$

4.) $14x^7y^7 - 3x^4y^{11} = 11x^0y^{-4}$

5.) $\frac{x^0}{x^{11}} = x^{-11}$

6.) $\frac{g^{12}}{g^4} = g^3$

7.) $b^{34} : b^2 = b^{17}$

8.) $\frac{x^{10}}{y^2} = (x - y)^8$

9.) $\frac{x^{10}}{x^{10}} = 1^0 = 1$

10.) $\frac{3^{10}}{3^2} = 1^8$

11.) $\frac{3^{10}}{3^2} = 3^8$

$$12.) \frac{3^h}{3^i} = 3^{h-i}$$

$$13.) \left(\frac{4}{5}\right)^2 = \frac{4^2}{5^2}$$

$$14.) \left(\frac{4}{5}\right)^2 = \frac{4}{5} \cdot \frac{4}{5}$$

$$15.) (3xz)^4 = 3x^4 z^4$$

$$16.) (6y^3 s)^2 = 6^2 y^5 s^2$$

$$17.) 757^0 = 1$$

$$18.) 4x^3 z^5 - z^4 = \text{nicht weiter vereinfachbar}$$

$$19.) 4s^6 t^3 \cdot t^4 = \text{nicht weiter vereinfachbar}$$

$$20.) j^4 - j^5 = \text{nicht weiter vereinfachbar}$$

$$21.) g^3 : g = \text{nicht weiter vereinfachbar}$$

$$22.) x^{-2} = \frac{1}{x^2}$$

$$23.) x^{-3} \cdot x^{-2} = x^6$$

$$24.) 4^{-3} : 4^{-2} = 4^{1,5}$$

$$25.) f^{-6} \cdot x^{-2} = fx^{-6-2}$$

$$26.) 4^{-3} : 4^{-2} = 1^{-1}$$

$$27.) w^{-3} - w^{-2} = w^{-5}$$

$$28.) 13w^{-3} - w^{-3} = 12w^{-3}$$

$$29.) c^3 + c^{-2} = c$$

$$30.) c^3 \cdot c^{-2} = c^{-6}$$

$$31.) 2c^3 \cdot c^2 = 2c^5$$

$$32.) c^3 \cdot c^2 + c^2 = c^7$$

$$33.) c^3 \cdot c^2 + c^5 = 2c^5$$

$$34.) c^3 \cdot (c^2 + c^2) = 2c^5$$

$$35.) (c^3 \cdot c^2) + c^2 = c^5 + c^2 = c^2 \cdot (c^3 + c)$$

$$36.) \left(\frac{6}{4}\right)^4 = \frac{6^4}{256}$$

$$37.) \left(\frac{3r}{2}\right)^4 = \frac{3r^4}{16}$$

$$38.) (2w + x)^5 = 2w^5 + x^5$$

$$39.) (2w + x)^5 = 2^5 w^5 + x^5$$

$$40.) (3e + x)^6 = (3e)^6 + x^6$$

$$41.) (2w \cdot x)^5 = 2^5 w^5 \cdot x^5$$

$$42.) (2w : x)^5 = 2^5 w^5 : x^5$$

$$43.) (2w - x)^5 = 5 \cdot (2w - x)$$

$$44.) 12354^1 = 1 \cdot 12354$$

- 45.) Potenzen mit **verschiedenen Basen** können nur *dann subtrahiert* werden, wenn ihre Exponenten gleich sind. (Gib ein Beispiel dazu an!)
- 46.) Potenzen mit **gleichen Basen** können nur *dann multipliziert* werden, wenn ihre Exponenten gleich sind. (Gib ein Beispiel dazu an!)
- 47.) Potenzen mit **verschiedenen Basen** (und gleichen/verschiedenen Exponenten) werden *multipliziert*, indem ihre Exponenten addiert werden. (Gib ein Beispiel dazu an!)
- 48.) Potenzen mit **gleichen Basen** werden *dividiert*, indem ihre Exponenten subtrahiert werden werden. (Gib ein Beispiel dazu an!)
- 49.) Bei der **Division von Potenzen gleicher Basis** darf im Nenner kein größerer Exponent als im Zähler sein. (Gib ein Beispiel dazu an!)



Potenzen-Grundkompetenzen



Gib an, ob es sich um eine wahre oder falsche Aussage handelt! (w. A. oder f. A.)

Stelle *gegebenenfalls richtig und gib die entsprechend dazugehörigen*

Potenzregeln an! wahre Aussagen... **w. A grün** falsche Aussagen... **f. A rot**

1.) $14x^4y^7 + 3x^4y^{11} = 17x^4y^{18}$ **f. A.**

nicht weiter vereinfachbar, da bei einer Addition sowohl die Basen als auch die Exponenten (=Hochzahlen) gleich sein müssen, um addieren zu können

2.) $14x^4y^7 \cdot 3x^4y^{11} = 42x^{16}y^{77}$ **f. A**

richtig wäre $14x^4y^7 \cdot 3x^4y^{11} = 42x^8y^{18}$

2 Potenzen gleicher Basis werden **multipliziert**, indem die **Hochzahlen (Exponenten)** **addiert** werden, nicht multipliziert.

3.) $14x^4y^7 - 3x^4y^6 = 11x^4y$ **f. A**

nicht weiter vereinfachbar, da bei einer Subtraktion sowohl die Basen als auch die Exponenten (=Hochzahlen) gleich sein müssen, um subtrahieren zu können

4.) $14x^7y^7 - 3x^4y^{11} = 11x^0y^{-4}$ **f. A**

nicht weiter vereinfachbar, da bei einer Subtraktion sowohl die Basen als auch die Exponenten (=Hochzahlen) gleich sein müssen, um subtrahieren zu können

5.) $\frac{x^0}{x^{11}} = x^{-11}$ **w. A**
 $x^{0-11} = x^{-11}$

2 Potenzen **gleicher Basis** werden **dividiert**, indem die **Exponenten subtrahiert**

werden. Der Exponent im Ergebnis kann auch negativ sein. $\frac{a^k}{a^m} = a^{k-m}$

6.) $\frac{g^{12}}{g^4} = g^3$ **f. A**

richtig wäre $\frac{g^{12}}{g^4} = g^{12-4} = g^8$

2 Potenzen gleicher Basis werden dividiert, indem die **Exponenten subtrahiert** werden, **nicht dividiert**

7.) $b^{34} : b^2 = b^{17}$ **f. A**

richtig wäre $b^{34} : b^2 = b^{32}$

2 Potenzen gleicher Basis werden dividiert, indem die **Exponenten subtrahiert** werden.

8.) $\frac{x^{10}}{y^2} = (x - y)^8$ **f. A**

nicht weiter vereinfachbar

2 Potenzen **verschiedener Basis** können **nicht dividiert** werden, selbst wenn die Exponenten gleich wären.

9.) $\frac{x^{10}}{x^{10}} = 1^0 = 1$ **w. A**

$\frac{x^{10}}{x^{10}} = x^{10-10} = x^0 = 1$ $\frac{a^k}{a^m} = a^{k-m}$

2 Potenzen gleicher Basis werden **dividiert**, indem die Exponenten **subtrahiert** werden.

Der Ausdruck ergibt 1, weil sich Zähler und Nenner wegkürzen. 1 hoch null ergibt 1 weil jede Zahl hoch null 1 ergibt.

10.) $\frac{3^{10}}{3^2} = 1^8$

f. A

richtig wäre: $\frac{3^{10}}{3^2} = 3^{10-2} = 3^8$

2 Potenzen gleicher Basis werden dividiert, indem die Exponenten **subtrahiert** werden. Die **Basis wird niemals dividiert**, bleibt **gleich!**

11.) $\frac{3^{10}}{3^2} = 3^8$ **w. A**

2 Potenzen gleicher Basis werden dividiert, indem die **Exponenten subtrahiert** werden. Die **Basis** bleibt gleich

12.) $\frac{3^h}{3^i} = 3^{h-i}$ **w. A**

$$\frac{a^k}{a^m} = a^{k-m}$$

2 Potenzen gleicher Basis werden dividiert, indem die **Exponenten subtrahiert** werden.

13.) $\left(\frac{4}{5}\right)^2 = \frac{4^2}{5^2}$ **w. A**

Ein Quotient (Bruch) wird potenziert, indem **Zähler und Nenner extra** potenziert

werden. $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$

14.) $\left(\frac{4}{5}\right)^2 = \frac{4}{5} \cdot \frac{4}{5}$ **w. A**

Quadrieren eines Ausdrucks/Bruchs bedeutet, **diesen mit sich selbst zu multiplizieren**

15.) $(3xz)^4 = 3x^4z^4$ **f. A**

richtig wäre: $(3xz)^4 = 3^4 x^4 z^4$

Ein Produkt wird **potenziert**, indem **jeder einzelne Faktor potenziert** wird.
Damit wird auch der 3er potenziert!!!!

$$(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$$

$$(a \cdot b \cdot c)^n = a^n \cdot b^n \cdot c^n$$

16.) $(6y^3s)^2 = 6^2 y^5 s^2$ **f. A**

richtig wäre: $(6y^3s)^2 = 6^2 y^6 s^2$

Eine Potenz wird potenziert, indem die Hochzahlen **multipliziert** werden.

$$(y^k)^p = y^{k \cdot p}$$

Ein Produkt wird potenziert, indem **jeder einzelne Faktor** potenziert wird.

$$(x^k \cdot y^m)^p = x^{k \cdot p} \cdot y^{m \cdot p}$$

17.) $757^0 = 1$ **w. A**

jede Zahl hoch null ergibt 1

18.) $4x^3z^5 - z^4 =$ *nicht weiter vereinfachbar* **w. A**

nicht weiter vereinfachbar, da bei einer Subtraktion sowohl die Basen als auch die Exponenten (=Hochzahlen) **beider Variablen gleich** sein müssen, um subtrahieren zu können

19.) $4s^6t^3 \cdot t^4 = \text{nicht weiter vereinfachbar}$ **f. A**

richtig wäre: $4s^6t^3 \cdot t^4 = 4s^6 \cdot t^{4+3} = 4s^6t^7$

Es können die beiden t-Potenzen miteinander multipliziert werden nach der Regel:
2 Potenzen gleicher Basis werden **multipliziert**, indem die **Exponenten addiert**
werden

$$a^k \cdot a^m = a^{k+m}$$

20.) $j^4 - j^5 = \text{nicht weiter vereinfachbar}$ **w. A**

nicht weiter vereinfachbar, da bei einer Subtraktion sowohl die Basen als auch die Exponenten (=Hochzahlen) **beider Variablen gleich** sein müssen, um subtrahieren zu können

21.) $g^3 : g = \text{nicht weiter vereinfachbar}$ **f. A**

richtig wäre: $g^3 : g = \frac{g^3}{g^1} = g^{3-1} = g^2$

2 Potenzen **gleicher Basis** werden dividiert, indem die **Exponenten subtrahiert**

werden. $\frac{a^k}{a^m} = a^{k-m}$

22.) $x^{-2} = \frac{1}{x^2}$ **w. A**

nach der Formel $x^{-n} = \frac{1}{x^n}$

23.) $x^{-3} \cdot x^{-2} = x^6$ **f. A**

richtig wäre: $x^{-3+(-2)} = x^{-5}$

2 Potenzen gleicher Basis werden **multipliziert**, indem die **Hochzahlen (Exponenten) addiert** werden. Der Exponent ist negativ, daher muss mit negativen Zahlen gerechnet werden.

24.) $4^{-3} : 4^{-2} = 4^{1,5}$ **f. A**

richtig wäre: $4^{-3} : 4^{-2} = 4^{-3-(-2)} = 4^{-3+2} = 4^{-1} = \frac{1}{4^1}$

2 Potenzen **gleicher Basis** werden dividiert, indem die **Exponenten subtrahiert**

werden. $\frac{a^k}{a^m} = a^{k-m}$ Der Exponent ist negativ, daher muss mit negativen Zahlen gerechnet werden. **Dabei ist auf das Vorzeichen minus zu achten, das zu Plus wird.**

25.) $f^{-6} \cdot x^{-2} = fx^{-6-2}$ **f. A**

richtig wäre **nicht weiter vereinfachbar**

nicht weiter vereinfachbar, da die Hochzahlen (Exponenten) verschieden (nicht gleich) sind.

26.) $4^{-3} : 4^{-2} = 1^{-1}$ **f. A**

richtig wäre: $4^{-3} : 4^{-2} = 4^{-3-(-2)} = 4^{-3+2} = 4^{-1}$

2 Potenzen gleicher Basis werden dividiert, indem die Hochzahlen=**Exponenten subtrahiert** werden. Die Hochzahlen können auch negativ sein. **Die Basis bleibt immer gleich.**

27.) $w^{-3} - w^{-2} = w^{-5}$ **f. A.**

richtig wäre **nicht weiter vereinfachbar**

nicht weiter vereinfachbar, da bei einer Subtraktion **sowohl die Basen als auch die Exponenten (=Hochzahlen) beider Variablen gleich** sein müssen, um subtrahieren zu können. Die Hochzahlen können auch negativ sein

28.) $13w^{-3} - w^{-3} = 12w^{-3}$ **w. A**

bei einer Subtraktion müssen sowohl die Basen als auch die Exponenten (=Hochzahlen) beider Variablen gleich sein, um subtrahieren zu können. Die Hochzahlen können auch negativ sein

29.) $c^3 + c^{-2} = c$ **w. A**

richtig wäre: **nicht weiter vereinfachbar**

nicht weiter vereinfachbar, da bei einer Addition sowohl die Basen als auch die Exponenten (=Hochzahlen) gleich sein müssen, um addieren zu können

30.) $c^3 \cdot c^{-2} = c^{-6}$ **f. A**

richtig wäre $c^3 \cdot c^{-2} = c^{3+(-2)} = c^{3-2} = c^1$

2 Potenzen gleicher Basis werden **multipliziert**, indem die **Hochzahlen (Exponenten) addiert** werden. Ein Exponent ist negativ, daher muss mit negativen Zahlen gerechnet werden.

31.) $2c^3 \cdot c^2 = 2c^5$ **w. A**

2 Potenzen gleicher Basis werden multipliziert, indem die **Exponenten addiert** werden

$$a^k \cdot a^m = a^{k+m}$$

32.) $c^3 \cdot c^2 + c^2 = c^7$ **f. A**

richtig wäre $c^3 \cdot c^2 + c^2 = c^5 + c^2$

Achtung! Es gilt die „Punkt vor Strich-Regel“

dann nicht weiter vereinfachbar, da bei einer Addition sowohl die Basen als auch die Exponenten (=Hochzahlen) gleich sein müssen, um addieren zu können

$$33.) c^3 \cdot c^2 + c^5 = 2c^5 \quad \text{w. A}$$

$$c^3 \cdot c^2 + c^5 = c^5 + c^5 = 2c^5$$

Zunächst **gilt die „Punkt vor Strich-Regel“**

Dann kann c^5 addiert werden, weil bei einer Addition sowohl die Basen als auch die Exponenten (=Hochzahlen) gleich sein müssen, um addieren zu können

$$34.) c^3 \cdot (c^2 + c^2) = 2c^5 \quad \text{w. A}$$

$$c^3 \cdot (c^2 + c^2) = c^3 \cdot 2c^2 = 2c^5$$

Nach dem Verteilungsgesetz für die Multiplikation!!!!

$$35.) (c^3 \cdot c^2) + c^2 = c^5 + c^2 = c^2 \cdot (c^3 + c) \quad \text{f. A}$$

Der erste Teil der Rechnung *ist zwar richtig*, der zweite aber falsch. Es wurde nicht richtig herausgehoben!!!! $(c^3 \cdot c^2) + c^2 = c^5 + c^2 = c^2 \cdot (c^3 + 1)$

$$36.) \left(\frac{6}{4}\right)^4 = \frac{6^4}{256} \quad \text{w. A}$$

Ein Quotient wird potenziert, indem **Zähler und Nenner** potenziert werden.

$$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$$

der Zähler wurde nur auspotenziert, der Nenner wurde auspotenziert *und dann noch ausgerechnet.*

$$37.) \left(\frac{3r}{2}\right)^4 = \frac{3r^4}{16} \quad \text{f. A}$$

richtig wäre $\boxed{\left(\frac{3r}{2}\right)^4 = \frac{3^4 r^4}{2^4} = \frac{81r^4}{16}}$

Ein Quotient wird potenziert, indem Zähler und Nenner potenziert werden.

$$\boxed{\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}}$$

$$\boxed{(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n}$$

Im Zähler muss *auch der Dreier* potenziert werden nach der Regel

$$38.) (2w+x)^5 = 2w^5 + x^5 \quad \text{f. A}$$

$$(2w+x)^5 = (2w+x) \cdot (2w+x)(2w+x)(2w+x)(2w+x)$$

Eine Summe oder Differenz wird nicht so leicht gliedweise potenziert!

Die Klammer wird **5 mal mit sich selbst multipliziert**. Das Ergebnis kann niemals ein nur 2 gliedriger Term sein!!!!

später:

Bedenke: schon bei den binomischen Formeln mit Hoch 2 gibt es ein mittleres Glied!

$$\boxed{(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2}$$

Hier haben wir noch eine viel höhere Potenz, nämlich 5!

$$39.) (2w+x)^5 = 2^5 w^5 + x^5 \quad \text{f. A}$$

Eine Summe oder Differenz wird nicht so leicht gliedweise potenziert!

$$(2w+x)^5 = (2w+x) \cdot (2w+x)(2w+x)(2w+x)(2w+x)$$

Die Klammer wird **5 mal mit sich selbst multipliziert**. Das Ergebnis kann niemals ein nur 2 gliedriger Term sein!!!!

Eine Summe oder Differenz wird nicht so leicht gliedweise potenziert!

später:

Bedenke: schon bei den binomischen Formeln mit Hoch 2 gibt es ein mittleres Glied!

$$\boxed{(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2}$$

Hier haben wir noch eine viel höhere Potenz, nämlich 5!

$$40.) (3e + x)^6 = (3e)^6 + x^6 \quad \mathbf{f. A}$$

Eine Summe oder Differenz wird nicht so leicht gliedweise potenziert!

$(3e + x)$ wird 6mal mit sich selbst multipliziert!!!! siehe 38)

später:

Bedenke: schon bei den binomischen Formeln mit Hoch 2 gibt es ein mittleres Glied!

$$\boxed{(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2}$$

Hier haben wir noch eine viel höhere Potenz, nämlich 6!

$$41.) (2w \cdot x)^5 = 2^5 w^5 \cdot x^5 \quad \mathbf{w. A}$$

Ein Produkt wird potenziert, indem **jeder einzelne Faktor** potenziert wird.

$$\boxed{(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n} \quad \boxed{(a \cdot b \cdot c)^n = a^n \cdot b^n \cdot c^n}$$

$$42.) (2w : x)^5 = 2^5 w^5 : x^5 \quad \mathbf{w. A}$$

Ein Quotient wird **potenziert**, indem **Dividend und Divisor** potenziert werden.

$$\boxed{(a : b)^n = a^n : b^n} \quad \boxed{(a \cdot b \cdot c)^n = a^n : b^n : c^n}$$

$$43.) (2w - x)^5 = 5 \cdot (2w - x) \quad \mathbf{f. A}$$

$$(2w - x)^5 = (2w - x) \cdot (2w - x)(2w - x)(2w - x)(2w - x)$$

5 mal mit sich selbst multipliziert, aber nicht mal 5!!!

$$44.) 12354^1 = 1 \cdot 12354 \quad \mathbf{w. A}$$

45.) Potenzen mit *verschiedenen Basen* können nur *dann subtrahiert* werden, wenn ihre Exponenten gleich sind. (Gib ein Beispiel dazu an!) **f. A**

BSP: $w^6 - v^6$ hier sind zwar die Exponenten gleich, aber wir können trotzdem nicht subtrahieren! Bei einer Subtraktion müssen sowohl die Basen als auch die Exponenten (=Hochzahlen) gleich sein, um subtrahieren zu können

46.) Potenzen mit *gleichen Basen* können nur *dann multipliziert* werden, wenn ihre Exponenten gleich sind. (Gib ein Beispiel dazu an!) **f. A**

BSP: $w^6 \cdot w^6 = w^{12}$ aber auch $w^6 \cdot w^7 = w^{13}$!!!!!

47.) Potenzen mit *verschiedenen Basen* (und gleichen/verschiedenen Exponenten) werden *multipliziert*, indem ihre Exponenten addiert werden. (Gib ein Beispiel dazu an!) **f. A**

BSP: $e^5 \cdot w^5 =$ nicht weiter vereinfachbar $e^5 \cdot w^6 =$ nicht weiter vereinfachbar
Die Exponenten können niemals bei verschiedenen Basen addiert werden.

48.) Potenzen mit *gleichen Basen* werden *dividiert*, indem ihre Exponenten subtrahiert werden (Gib ein Beispiel dazu an!) **w. A**

BSP: $w^4 : w^2 = \frac{w^4}{w^2} = w^{4-2} = w^2$ $\frac{a^k}{a^m} = a^{k-m}$

49.) Bei der *Division von Potenzen gleicher Basis* darf im Nenner kein größerer Exponent als im Zähler sein. (Gib ein Beispiel dazu an!) **f. A**

$$\frac{w^{10}}{w^{14}} = w^{10-14} = w^{-4} = \frac{1}{w^4}$$

Das Ergebnis kann auch eine negative Hochzahl beinhalten.